

**SMILE**  
 विषय :— गणित  
 कक्षा—12  
**(Paper 14)**

1. यदि  $\begin{bmatrix} x+y & 2 \\ 5 & xy \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 2 \\ 5 & 8 \end{bmatrix}$  हो, तो  $x$  तथा  $y$  का मान ज्ञात कीजिए।
- 2- सिद्ध कीजिए कि समुच्चय  $Z$  में परिभाषित संबंध  $R$ ,  $a R b \Leftrightarrow a - b$ , 3 से विभाज्य है, एक तुल्यता संबंध है।
- 3- वक्र  $y = x^2 - 2x + 7$  की स्पर्श रेखा का समीकरण ज्ञात कीजिए जो रेखा  $2x + y + 3 = 0$  के समांतर है।
4. यदि  $A$  और  $B$  दो स्वतंत्र घटनाएँ हैं, और  $P(A) = 0.2$  और  $P(B) = 0.5$  और तब  $P(A \cup B)$  का मान ज्ञात कीजिए।
5. समीकरण  $2\tan^{-1}(\sin x) = \tan^{-1}(2 \sec x), 0 < x < \frac{\pi}{2}$  को हल कीजिए।
6. आलेखीय विधि से निम्नलिखित ऐंगिक प्रोग्रामन समस्या को अधिकतमीकरण के लिए हल कीजिए :  
 उद्देश्य फलन  $Z = 1000x + 600y$   
 व्यवरोध  $x + y \leq 200$   
 $4x - y \leq 0$   
 $x \geq 20, \quad x \geq 0, y \geq 0.$
7.  $(\log x)^x + x^{\log x}$  का  $x$  के सापेक्ष अवकलन ज्ञात कीजिए।
8.  $\int_0^{\pi} \frac{x dx}{a^2 \cos^2 x + b^2 \sin^2 x}$ . का मान ज्ञात कीजिए।
9. एक व्यक्ति के बारे में ज्ञात है कि वह 3 में से 2 बार सत्य बोलता है। वह एक पासे को उछालता है और बतलाता है कि उस आने वाली संख्या 6 है। इसकी प्रायिकता ज्ञात कीजिए पासे पर आने वाली संख्या वास्तव में 6 है।
10. तलों  $x + y + z = 1$  और  $2x + 3y + 4z$  के प्रतिच्छेदन रेखा से होकर जाने वाले तथा तल  $x - y + z = 3$  पर लम्बवत् तल का समीकरण ज्ञात कीजिए।